

## 計算機がはいった頃の思い出

平 口 俊 夫

本学にNEACが導入されたのは1963年であったと記憶する。同年8月machine codeの手ほどきを受けると、早速計算機ととり組んだ。当初はまだ計算機もひまであったから、操作卓にへばりついて自製のプログラムの進行状況を自ら看守することができてたのしみであった。いわばずぶの素人がいきなり、やみくもに計算機に取り組んだのだから、プログラミングに際して犯しやすい誤りは始ど経験したことはないというまでもない。このような初歩的な知識のみならず、計算機から啓蒙されて、かくされていた数学の問題にはじめて気がつくといった事例もあり、計算機から教えられることが多かった。

当時私は、6個の元の集合の上のpartial ordersのうちdimensionが3のもの(それをrealizeするのに3個のlinear ordersを必要とするものは2つ(isomorphおよびdual isomorphを除いて)しかない)こと、また7個の元の集合の上のPartial ordersのうちdimension 3のものは、上の2つのpartial ordersのいずれかをその部分として含むという2つのconjecturesをもっていた。しかしその真偽数学的証明となると、まるで見当がつかず、手掛りすら掴めないまま、に放置されてあった。考えられるたゞひとつの手段は、可能なあらゆるpartial ordersをgenerateして、ひとつひとつそのdimensionをしらべてみるという、いわばenumeration法である。しかし数多くのpartial orderを洩れなくgenerateして、そのdimensionを評価していくことは、人力でははなはだ心もとなく、これは正に電子計算機にうってつけの仕事であった。しかもはじめに2つのlinear ordersによってrealizeされるpartial ordersの異なるものをlist upしておいて、3つのlinear ordersのうち上のlistにのっていないものだけをoutputさせればよいのだから原理的にははなはだ単純な仕事である。もっとも実際には、主記憶装置の容量からくる制約と、所用時間をできるだけ短縮したいという要請のため、色々面倒なことがある。

2個の要素の上のlinear ordersは、2個の要素を1から2までの自然的であらわすことにすれば、1から2までの数の順列にほかならないから、何よりもまず2個の数の順列を発生させるプログラムを組む必要がある。最初は1としての順列から、その各に3を挿入することによって、1, 2, 3の順列をつくり、さらにその各々に4を挿入して、1, 2, 3, 4の順列をつくるといったようにして、1から6までの数の順列をつくり、これを昇順にならべて記憶装置に格納しておき、その上を繰り返し走査する方法をとった。順列の作り方の拙劣さはさておき、このやり方では $n=7$ の場合は、NEAC-2230の内部メモリの容量をはるかに超えてしまうので適切でない。できれば順列を辞書式順序に、必要に応じて次々と発生させることが望ましい。そのためには与えられた順列から次の順列を発生させるプログラムをつくることができればよいわけである。ああでもない、こうでもないと摸索を繰り返しているうちに、ふと隣接する順列の間の関係をしらべてみることにした。このことに気がつくことの何とおそかりしことよ!

1から $n$ までの数の順列のひとつを $a_1 a_2 \cdots a_n$ , 辞書式順序でその次の順列を $b_1 b_2 \cdots b_n$ とすれば、次の条件を満足する数 $j$ が存在することが証明されるのである。

- 1)  $a_1 = b_1, a_2 = b_2, \dots, a_{j-1} = b_{j-1}, a_j < b_j$
- 2)  $a_j < a_{j+1}, a_{j+1} > a_{j+2} > \cdots > a_n$
- 3)  $b_j > b_{j+1}, b_{j+1} < b_{j+2} < \cdots < b_n$
- 4)  $b_j = \min \{ a_k \mid a_k > a_j \}$

このことから次の手順によって順列 $a_1 a_2 \cdots a_n$ の次の順列 $b_1 b_2 \cdots b_n$ をつくることができる。

- 1 条件2)を満たす数 $j$ を見出す。
- 2  $a_k > a_j$ なる $a_k$ のうち是最小のものを見出し、これを $b_j$ とする。

3  $a_j, a_{j+1}, \dots, a_n$ の中から $b_j$ を除いたものを昇順にならべかえたものを  $b_{j+1}, b_{j+2}, \dots, b_n$ とする。

4  $a_1 a_2 \dots a_{j-1}$ を改めて  $b_1 b_2 \dots b_{j-1}$ とすれば

$b_1, b_2, \dots, b_{j-1}, b_j, b_{j+1}, \dots, b_n$ が求める順列である。

これによってプログラムを組むことは容易であろう。順列を辞書式順序で発生させる問題はこれで完全に片がついた。この方法は順列を発生させるもっとも能率的な方法であろう。辞書式順列で隣り合う2つの順列の比較検討を最初にやっておけば、無駄な暗中模索によって時間を費やすことはなかったのである。いまから考える誠にだらしな話である。

なおこれは後になって知ったのであるが、Mathematical Reviews Vol May No, 5, May 1965の頁をめくっていたら、偶然S. Mok - koug: On the generation of permutation and combination(1962)の紹介記事が目についた。原論文は見えていないが、その記事によると、Mok - Kong 氏の方法は上記の方法と全く同じものらしい。同じ頃同じような問題を考える人がいるものである。

## 計算機械学への第一歩

木戸 睦彦

うかつなことから、計算機科学(computerScience)という言葉があることを、つい最近まで知らなかった。知ってみると、そう多くはないが、あちこち目につく。もっとも、その定義の明瞭でないことは、情報科学などという言葉と同様である。ハードのことも、ソフトのことも、とにかく計算機に関係あるすべてのことはみな計算機科学に含めてもよいらしい。一方で計算機科学というものに対する疑問もあるらしい。そもそも科学とは、現象について記述したり説明したりするものであるが、計算機は人工的機械で一定の法則に従うというわけのものではないから、計算機科学などというものはあり得ないのではないか、などというのである。

計算機科学が何であるかはともかくとして、我々は中型の優秀な計算機をもつことになった。もし、これが会社に導入されたもので、我々がその会社から、計算機の使用法についてアドバイスを求められたらどんなことを言うだろうか。今迄人手でやっていた給与計算や料金計算を計算機にやらせただけで事足れりとするなら、計算機導入の意義はない。各部署が思い思いに使うだけでなく、会社の視野でMISとかORとか新しい手法を用いて意志決定をするために計算機を活用するのでなければメリットは生れない。というようなことを言うだろう。

大学は会社のようなメリットを考える必要はない。けれども研究と教育のために計算機を有効に使うべきであるということでは、我々もまた我々のメリットに意を用いねばなるまい。手でやるのは大変だ、という計算を計算機にやらせるばかりなら、計算機のソロバン化で、会社が給与計算や料金計算だけやっているようなものである。我々が会社に対してなすであろう忠告は我々自身に向けてもなさねばなるまい。

ここに、定義は不明ながら計算機科学というようなものを求める必要が起ってくる。それが科学の名に値するかどうかなどということはどうでもよく、計算機の能力をどのようにして生かすかを探し、その知識の交換と未来のユーザーへの伝達を考えねばならない。会社で会社の視野に立つ必要があるように、大学では学部学科の壁を除いて、セミナーや講義が行われねばならない。今のところ、その音頭をとるのはセンターであろう。カリキュラムの確立などは大事業であろうが、ともかく踏み出す第1歩としてなら、今迄のユーザーは講義してよいような内容の1つや2つは持ち合せていると思うのである。