震度増分に及ぼすサイト増幅特性と震源 スペクトルの影響に関する基本的考察

西川 隼人1・池本 敏和2・宮島 昌克3

 ¹正会員 福井工業大学准教授 工学部建築土木工学科(〒910-8505 福井県福井市学園3丁目6番1号) E-mail: nishikawa@fukui-ut.ac.jp
 ²正会員 金沢大学講師 理工研究域地球社会基盤学類(〒920-1192 石川県金沢市角間町) E-mail: tikemoto@se.kanazawa-u.ac.jp
 ³正会員 金沢大学教授 理工研究域地球社会基盤学類(〒920-1192 石川県金沢市角間町) E-mail: miyajima@se.kanazawa-u.ac.jp

本研究では震度増分を精度良く評価するための基礎的な情報を得ることを目的として,震源スペクトル やサイト増幅特性の震度増分への影響を調べた.まず,地震動スペクトルと地盤増幅度の関係式に基づき, 震度増分の評価式を求めた.続いて,得られた評価式を用いて,3つの地震タイプ,様々なマグニチュー ド,高域遮断振動数,サイト増幅特性に対する震度増分を計算した.サイト増幅特性の1次ピーク振動数 と震度増分の関係を調べた結果,3つの地震タイプともマグニチュードが大きくなるほど震度増分が最大 となる振動数が低振動数側にシフトした.また,いずれの地震タイプでもマグニチュードの増大につれて 震度増分が一定の値に収束する傾向が見られた.

Key Words : JMA seismic intensity, amplification factor, source spectrum, site effect

1. 序論

最大地動加速度などの地震動指標の予測の際に地盤に よる増幅特性,いわゆる地盤増幅度を的確に評価するこ とが重要であり,評価の方法として表層地盤の平均S波 速度をパラメータとした経験式^{例えば 1)~3}が広く用いられ ている.一方,著者ら^{4,5}は震源スペクトルやサイト増 幅特性が最大地動加速度や最大地動速度の地盤増幅度に 及ぼす影響を調べるために,理論的に地盤増幅度評価式 を求めているが,計測震度の増幅特性を表す震度増分に 対する検討は行っていない.一般的な地震動指標の1つ である計測震度は地震動予測の対象となることが多いこ とから,その増幅特性である震度増分を正確に評価する ことは地震防災上極めて重要であり,評価の際に震源特 性やサイト増幅特性が震度増分へ及ぼす影響を十分に把 握する必要があると考える.

本論文では正確な震度増分の評価のための基本的な取り組みとして、著者らが提案してきた地震動スペクトルと地盤増幅度の関係式に基づき、地震動スペクトルを構成する震源スペクトルのコーナー振動数や高域遮断振動数 fmax,および、サイト増幅特性のピーク振動数などが 震度増分の大小に及ぼす影響を調べた.この際、コーナー振動数と地震モーメントの関係式を介して、地震規模 が震度増分に及ぼす影響を調べた.また、地震のタイプ によって同じ地震規模でもコーナー振動数が異なること から、地震タイプの違いが震度増分に及ぼす影響を考察 した.

2. 震度增分評価式

(1) 震度増分の定義

本論文で検討対象とする震度増分 dl を次のように定 義する.

$$dI = I_s - I_b = 2\log_{10}A_{0s} - 2\log_{10}A_{0b}$$
(1)

$$I_s = 2\log_{10}A_{0s} + 0.94 \tag{2}$$

$$I_b = 2\log_{10}A_{0b} + 0.94 \tag{3}$$

*I*_s は地表の計測震度, *I*_b は解放地震基盤の計測震度, *A*_{0s} と *A*_{0b} は計測震度の計算に用いるフィルター(以降, 震度フィルターと呼ぶ)の処理を行った地表波と基盤波 に継続時間 0.3 秒間を考慮した振幅である⁹.

震度フィルターによる処理を行った地震波の最大振幅 と継続時間を考慮した振幅の相関が高い⁷ことから,近 似的に次式が成り立つものと考える.

$$dI = I_s - I_b = 2\log_{10}A_{fs} - 2\log_{10}A_{fb} = 2\log_{10}\frac{A_{fs}}{A_{fb}}$$
(4)

ここに A_{fs} は震度フィルターによる処理を行った地表波 の最大振幅, A_{fb} は震度フィルターによる処理を行った 基盤波の最大振幅である.

(2) 地震動スペクトルと震度増分の関係

著者ら^{4,5}はパーセバルの定理と極値理論に基づき, ある地点の地表面と S 波速度=2~3km/s 程度の解放地 震基盤における地震波の最大振幅の比,いわゆる地盤増 幅度とフーリエスペクトルなどの関係式を導いている. 本研究でも、著者ら^{4,5}の研究で求めた関係式をもとに, 式(4)の A_{fs} と A_{fb} の比である地盤増幅度 F が次式で表さ れるものとする.

$$F = \frac{A_{fs}}{A_{fb}} = \sqrt{\frac{\int_{-\infty}^{\infty} H(f)^2 G(f)^2 F_b(f)^2 df}{\int_{-\infty}^{\infty} H(f)^2 F_b(f)^2 df}}$$
(5)

H(f)は震度フィルター, G(f)は対象地点のサイト増幅 特性, F_b(f)は解放基盤波のフーリエスペクトル, f は振 動数 (Hz) である.

 $F_b(f)$ は Boore の研究⁸に従い、次式で表わされるもの とする.

$$F_b(f) = CM_0 \frac{1}{R} \exp\left(-\frac{\pi fR}{Q_s V_s}\right) S(f)$$
(6)

*F_b(f)*は S 波のみから成り立つものとする.式(6)の C は ラディエーションパターンなどをパラメータとする係数, *R* は震源距離であり、1/*R* は幾何減衰に対応する. ラデ ィエーションパターンは地表、基盤ともに全方位の平均 値を考えた. *M*₀ は地震モーメント、指数項は非弾性減 衰に対応し、*Q_s* は S 波の減衰の程度を表すパラメータ、 *V_s* は地震発生層の S 波伝播速度、*S*(*f*)は加速度震源スペ クトルである.

同一地点の地表波のスペクトル $H(f)F_b(f)G(f)$ と基盤 波のスペクトル $H(f)F_b(f)$ の C, M_0, R は同じ値である ので,両スペクトルの比をとることにより,これらはキ ャンセルされる.また,式(6)の指数項の Q_s は一般的に $Q_0 \times f^{\gamma}(Q_0$ は定数)と表わされる.既往研究⁹で指摘され ているように, γ が1前後の値になることが多いこ とから, $\gamma=1$ と仮定して,式(6)の指数項を振動数によ らない定数と考える.これにより,式(5)は以下のよう に表すことができる.

$$F = \frac{A_{fs}}{A_{fb}} = \sqrt{\frac{\int_{-\infty}^{\infty} H(f)^2 G(f)^2 S(f)^2 df}{\int_{-\infty}^{\infty} H(f)^2 S(f)^2 df}}$$
(7)

式(7)を式(4)に代入すると次式のようになり,地震動 スペクトルの無限積分値と震度増分の関係が得られる.

$$dI = 2\log_{10} \frac{A_{fs}}{A_{fb}} = 2\log_{10} F$$

= $\log_{10} \left(\frac{\int_{-\infty}^{\infty} H(f)^2 G(f)^2 S(f)^2 df}{\int_{-\infty}^{\infty} H(f)^2 S(f)^2 df} \right)$ (8)

式(7),(8)に含まれる加速度震源スペクトルは次のω-2則 に従う式に高域遮断フィルターを考慮したものとした.

$$S(f) = \frac{4\pi^2 f_c^2 f^2}{f_c^2 + f^2} \frac{f_{\text{max}}}{\sqrt{f_{\text{max}}^2 + f^2}}$$
(9)

右辺第1項が ω^{-2} 則モデル,第2項が高域遮断フィルターに対応する. f_c はコーナー振動数, f_{max} は高域遮断振動数である.

サイト増幅特性 G(f)は著者らの研究⁵で用いた単一の ピークを有する関数を合成したものを用いた. 合成した サイト増幅特性は次式で表される.

$$G(f) = \sqrt{1 + \sum_{i=1}^{N_g} G_i(f)^2}$$
(10)

 N_g は $G_i(f)$ の数である.また、 $G_i(f)$ は次式で表される.

$$G_i(f) = \sqrt{\frac{4\alpha_i h_i^2 f_i^2 f^2}{\left(f_i^2 - f^2\right)^2 + 4h_i^2 f_i^2 f^2}}$$
(11)

 a_i は振幅を調整する係数, f_i はサイト増幅特性のピーク 振動数, h_i はピーク振幅の形状を規定する係数である. 式(7)に式(10)を代入すると次のようになる.

$$F = \frac{A_{fs}}{A_{fb}} = \sqrt{\frac{\int_{-\infty}^{\infty} H(f)^2 \left\{1 + \sum_{i=1}^{N_g} G_i(f)^2\right\} S(f)^2 df}{\int_{-\infty}^{\infty} H(f)^2 S(f)^2 df}}$$
$$= \sqrt{\frac{\int_{-\infty}^{\infty} H(f)^2 \left\{1 + G_1(f)^2 + \dots + G_{Ng}(f)^2\right\} S(f)^2 df}{\int_{-\infty}^{\infty} H(f)^2 S(f)^2 df}}$$
$$= \sqrt{\frac{\int_{-\infty}^{\infty} H(f)^2 \left\{S(f)^2 + \dots + G_{Ng}(f)^2 S(f)^2\right\} df}{\int_{-\infty}^{\infty} H(f)^2 S(f)^2 df}}$$
(12)

ここに $G_i(f)$ に対する地盤増幅度 F_i を次のように定義 する.

$$F_{i} = \sqrt{\frac{\int_{-\infty}^{\infty} H(f)^{2} G_{i}(f)^{2} S(f)^{2} df}{\int_{-\infty}^{\infty} H(f)^{2} S(f)^{2} df}}$$
(13)

また,式(13)を式(12)に代入すると、以下のようになる.

$$F = \sqrt{1 + F_1^2 + \dots + F_{Ng}^2}$$
(14)

(3) 震度フィルターの近似

計測震度の算出に用いる震度フィルターはハイパスフ ィルター,ローパスフィルター,振動数の平方根に反比 例する関数の積で表される。複雑なものである.今後, 本研究の成果をもとに震度増分を経験的に評価する式を 求める予定であることから,その基本となる式(8)の解 を解析的に求める必要がある.そこで本論文では篠¹⁰と 同じく,震度フィルターを以下の速度応答の伝達関数で 近似して検討を行う.

$$H(f) = \sqrt{\frac{\beta f^2}{\left(f_p^2 - f^2\right)^2 + 4h^2 f_p^2 f^2}}$$
(15)

hは減衰定数, f_p は速度応答伝達関数のピーク振動数, βは振幅調整のための定数である. 関数を簡略化するため に h=1 とすると次式のように, $ω^{-2}$ 則に従う速度震源 スペクトルと相似の形となる.

$$H(f) = \frac{\sqrt{\beta}f}{f_p^2 + f^2} \tag{16}$$

 f_p を震度フィルターのピーク振動数=0.62Hz とし、地 震観測記録を用いて、気象庁の計測震度と式(16)を震度 フィルターとした場合の計測震度(速度応答震度)の誤 差二乗和が最小となる β を求めた.なお、篠¹⁰は本研究 とは異なり、震度フィルターと速度応答伝達関数が適合 するように、 h, f_p, β を決定しており、これらのパラメ ータの値も本研究と異なる.

図-1 に震度フィルターと誤差二乗和が最小だった場合 (β =2.4Hz²)の式(16)の対応,図-2 に気象庁計測震度と速度応答震度の比較結果を示す。図-2 は M_{JMA} =6~9の 15 (地殻内地震 7,プレート境界地震 1,プレート内地震 7)の地震で得られた K-NET, KiK-netの地震観測記録 10573 個から計算した。計測震度の値は水平動 2 成分から計算したものである。図-2 を見るとばらつきがあるものの,気象庁計測震度と速度応答震度がよく対応していることが分かる.



図-2 気象庁計測震度と速度応答震度の対応

3. 震度増分の計算

2章で求めた式(8)を用い,マグニチュードや f_{max},サイト増幅特性,地震タイプなどが震度増分に及ぼす影響を調べた.なお,式(8)の無限積分の計算には二重指数 関数型数値積分のプログラム¹¹⁾を利用した.

(1) サイト増幅特性の計算条件

サイト増幅特性の震度増分への影響を調べるために、 式(10)、(11)によって計算したサイト増幅特性 G(f)に対 する震度増分を式(8)により求めた. G(f)の1次ピーク振 動数 f_1 を 0.1~20Hz を対象に対数軸で等分して 501 個求 めるとともに、 a_i を 5 ケース変えて G(f)を計算するこ とにより、合計で 2505 個の震度増分を求めた.

サイト増幅特性の2次以上のピーク振動数fiは次式により計算した.

$$f_i = 10^{\{\log_{10} f_1 + b(i-1)\}r} \tag{17}$$

$$b = (\log_{10} 50 - \log_{10} f_1)/19$$
, rは 0.9~1.1 で変動する一



図-3 サイト増幅特性

様乱数である.

また,サイト増幅特性のパラメータの *a_i* は以下の式 により求めた.

$$\alpha_i = \alpha_{0i}/i \tag{18}$$

i はモード次数, *a*_{0*i*} は 1~400/*i* の範囲で変動する一様 乱数である.例として,図-3 に震度増分の評価に用い た 1次ピーク振動数 *f*₁ が 2Hz と 5Hz のサイト増幅特性 *G*(*f*)を示す.

(2) 震源スペクトルの計算条件

地震の規模による震度増分 *dl* の変化を調べるために, $M_w \& 4.5 \sim 7.0 \pm c$ 0.5 刻みで変化させ,対応するコーナ 一振動数 $f_c \& F$ 用いて震度増分 *dl* を計算した. ただし, 同じ M_w でも地震のタイプによって $M_w \& f_c$ の関係が異 なる^{12)~14)}ことから,プレート境界,プレート内地震, 地殻内地震に対する $f_c \& x$ あめ,震度増分を計算した. f_c の計算には以下に示す地震モーメント $M_0 \& E \leftarrow \to X \to h$ マグニチュード M_w の関係式¹⁵⁾,および短周期レベル $A^{16)$ と地震モーメント M_0 , コーナー振動数 $f_c \& c$ の関係式 を用いた.

$$\log_{10} M_0 = 1.5 M_w + 16.1 \tag{19}$$

$$f_c = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{A}{M_0}} \tag{20}$$

$$A = 2.05 \times 10^{17} \times M_0^{1/3} \tag{21}$$

$$A = 2.29 \times 10^{17} \times M_0^{1/3} \tag{22}$$

$$A = 4.87 \times 10^{16} \times M_0^{1/3} \tag{23}$$

式(21)がプレート境界地震,式(22)がプレート内地震,式 (23)が地殻内地震の短周期レベルの関係式¹⁴⁾に対応する. 式(9)の計算に必要な f_{max} は 6Hz, 10Hz の 2 ケースを考 えた. 図4に式(21)~(23)によって求めた $M_w \geq f_c$ の関係 を示す.図4 から明らかなように、プレート境界地震 とプレート内地震では f_c に大きな違いがなく、また、 地殻内地震の f_c が他のタイプの地震に比べて小さい.

4. 計算結果と考察

図-5~図-10に地震タイプ, M_wごとの1次ピーク振動 数 f_1 と震度増分 dIの対応を示す.まず、 f_1 と dIの特徴 を見ると、いずれの地震タイプでも M_wが大きくなるほ ど dI が最大となる振動数が低振動数側にシフトしてい る. これは M_wの増大に伴い、加速度震源スペクトルの コーナー振動数が低振動数側にシフトして、低振動数側 の振幅が相対的に大きくなるためである. プレート境界, プレート内地震では M_w =4.5 の場合, f_1 が 2~3Hz で dl が相対的に大きく、地殻内地震では 1~2Hz で dl が大き い傾向が見られるが、M_w=7.0の場合はいずれの地震タ イプでも IHz付近で dIが最大となる. また、1Hz付近を 境に M_wと dIの関係に違いがあり、1Hzよりも高振動数 側では M_wの増大に伴い dI が低下する傾向にあるが, 1Hzよりも低振動数ではdIが大きくなる傾向が見られた. 図-11~図-14に 1Hzを境にまとめた M_wと dIの関係を示 す. 図中の赤い直線は M_w と dI の回帰式である. これ らの図からも、 f_1 が 1Hz 未満では M_w と dlに正の相関、 1Hz以上では負の相関があることが分かる.

続いて、地震タイプごとに M_w によるdlの変化を見る ために、各 f_1 に対する M_w =7.0のdlと M_w =4.5~6.5の dlの対応を調べた(図-15).図-15 を見ると地震タイプ により傾向が異なるものの、 M_w が大きくなるほど M_w =7.0のdlとの対応が良くなっており、ほぼ1対1で対 応している.

次に f_{max} が dl に及ぼす影響を調べるために,図-5~ 図-10 の結果をもとに f_{max} 以外を同条件として, dl (f_{max} = 6Hz) と dl (f_{max} = 10Hz) の差 ddl を求めた結果を図-16 に示す.同図を見ると f_1 が 1Hz よりも低振動数では 振動数による ddl の違いが小さいが,1~10Hz では M_w = 4.5 を除き f_1 が大きいほど ddl が小さくなっている. これは高振動数側では高域遮断フィルターの影響により, 地震動スペクトルの振幅が低減されるためと考えられる.

 M_w による ddI の変化を見ると、 f_1 =0.1~8Hz では M_w が大きくなるにつれ ddI が一定値に収束する傾向が見ら



図-6 1次ピーク振動数 f1 と式(8)による震度増分 dlの対応(プレート境界地震, fmax=10Hz)

れる. これは Mw が大きくなると地震動スペクトルの低 振動数成分が相対的に大きくなるため、 高域遮断フィル ターの影響が大きい高振動数成分の dl への寄与が小さ くなり、fmaxの違いによる dIの差が小さくなるためだと 推測される.

5. まとめ

本論文では正確な震度増分の予測のための基本的な検 討として、著者らが提案した地震動スペクトルと地盤増 幅度の関係式に基づき、 地震動スペクトルを構成する震



図-8 1次ピーク振動数f1と式(8)による震度増分 dIの対応(プレート内地震, fmax=10Hz)

源スペクトルのコーナー振動数や高域遮断振動数,サイ ト増幅特性の1次ピーク振動数が震度増分に及ぼす影響 を考察した.以下に本研究で得られた知見をまとめる. (1)サイト増幅特性の1次ピーク振動数と震度増分の関 係の特徴を見ると3つの地震タイプとも*M*_wが大き くなるほど dl が最大となる振動数が低振動数側に シフトした.これは M_wの増大に伴い,加速度震源 スペクトルのコーナー振動数が低振動数側にシフト するためである.

(2) M_wと dIの対応が 1 次ピーク振動数=1Hz 付近を境



に変化し、1Hz よりも高振動数では M_w の増大に伴い dIが低下する傾向にあるが、1Hz よりも低振動数 では大きくなる傾向が見られた.

(3) いずれの地震タイプでも Mwが大きくなるほど dIの

変化が小さくなり、一定の値に収束する傾向が見られた. M_wが大きくなるほど、震源スペクトルの低振動数成分が相対的に大きくなるが、計測震度の算出に用いるフィルターによって低振動数成分が低減



 されるため、dI が一定の値に収束すると考えられる.
 (4) f_{max} が dI に及ぼす影響を調べるために、f_{max} 以外の 条件が同じで、f_{max} が 6Hz, 10Hz の場合の dI の差 (ddI) を求めた.その結果、1Hz よりも低振動数 では振動数による *ddI* の違いが小さいが、1~10Hz では f_1 が大きいほど *ddI* が小さくなる傾向が見られ た. また、0.1~8Hz では M_w が大きくなるほど、*ddI* が一定値に収束する傾向が見られた.



謝辞:本研究では国立研究開発法人 防災科学技術研 究所の K-NET, KiK-net 観測記録を使用させて頂きまし た.本研究を進めるにあたり,早稲田大学の安井譲先生 に貴重なご意見を頂きました.査読者の方々には有益な ご意見を頂きました.また,本研究は JSPS 科研費 JP18H01677(研究代表者:宮島昌克)の助成を受けたも のです.記して,御礼申し上げます.

参考文献

1) 藤本一雄,翠川三郎:近接観測点ペアの強震記録に基づく地盤増幅度と地盤の平均 S 波速度の関係,日本地 震工学会論文集,第6巻,第1号, pp.11-22, 2006.

- 2) 末富岩雄,石田栄介,磯山龍二,後藤洋三:地盤の平 均 S 波速度による地震動強度指標の非線形増幅度評価 法について,土木学会地震工学論文集, Vol.27, pp.122-129, 2003.
- 3) 紺野克昭, 鈴木貴博, 鎌田泰広, 長尾 毅:横浜市高 密度強震ネットワーク観測点における微動を用いた地 盤の平均 S 波速度の推定, 土木学会論文集 A, 第 63 巻, 第 4 号, pp. 639-654, 2007.
- 4) 西川隼人,宮島昌克:地震動スペクトルのパラメータ による地盤増幅度の表現と地震規模依存性の評価,土 木学会論文集 A1(構造・地震工学),第 66 巻,第 1 号, pp.20-29, 2010.
- 5) 西川隼人, 宮島昌克: 合成したサイト増幅特性による 地盤増幅度評価式の検討, 日本地震工学会論文集, 第 15巻, 第7号, pp.7_180-7_193, 2015.

- 6) 気象庁:計測震度の算出方法, http://www.data.jma.go.jp/svd/eqev/data/kyoshin/kaisetsu/c alc_sindo.htm, 2018/8/14閲覧
- 7) 西川隼人,宮島昌克:2011年東北地方太平洋沖地震に おける最大加速度,計測震度と地震動スペクトルの関 係,日本地震工学会論文集,第12巻,第4号,pp. 4 94-4 103, 2012.
- Boore, D. M. : Stochastic simulation of high-frequency ground motions based on seismological models of the radiated spectra, *Bull. Seism. Soc. Am.*, Vol.73, pp.1865-1894, 1983.
- 9) 中村亮一:伝播経路の3次元減衰構造と強震動,第38 回地盤震動シンポジウム,日本建築学会,pp.23-32, 2010.
- 10) 篠 泉:1 自由度系の速度応答に基づく震度の提案, 土木学会論文集 A, 第 66 巻, 第 4 号, pp.863-873, 2010.
- 11) Ooura's Mathematical Software Packages : http://www.kurims.kyoto-u.ac.jp/~ooura/index-j.html , 2018/8/16 閲覧

- 12) 川瀬 博,松尾秀典:K-NET, KiK-net, JMA 震度計 観測網による強震記録から分離したサイト増幅特性と S 波速度構造との対応,日本地震工学会論文集,第4 巻,第4号, pp.126-145, 2004.
- 13) 佐藤智美:中小地震の応力降下量の断層タイプ・震源 深さ依存性及び地域性に関する研究,土木学会地震工 学論文集,論文番号 No. 48, 2003.
- 14) 仲野健一,川瀬 博,松島信一:スペクトルインバー ジョン手法に基づく強震動特性の統計的性質に関する 研究 その2 分離した特性に対する詳細分析,日本 地震工学会論文集,第15巻,第1号,pp.38-59,2015.
- 15) Hanks, T. and Kanamori, H. : A moment magnitude scale, J. Geophys. Res., Vol.84, No. B5, pp.2348-2350, 1979.
- 16) 壇 一男,佐藤俊明:断層の非一様すべり破壊を考慮 した半経験的波形合成法による強震動予測,日本建築 学会構造系論文集,第 63 巻,第 509 号, pp.49-60, 1998.

(2018.11.8 受付, 2019.2.9 修正, 2019.2.17 受理)

A FUNDAMENTAL STUDY ON IMPACT OF SITE AMPLIFICATION EFFECT AND SOURCE SPECTRA FOR AMPLIFICATION OF SEISMIC INTENSITY

Hayato NISHIKAWA, Toshikazu IKEMOTO and Masakatsu MIYAJIMA

In this study, we investigated the influence of site amplification effect and source spectra on amplification of seismic intensity for the purpose of obtaining basic information for accurately evaluating the amplification of seismic intensity (dI). Firstly, an evaluation formula for dI was obtained based on the relation between earthquake motion spectrum and amplification factor of earthquake motion index. Using the obtained evaluation formula, dI for three earthquake types, various magnitudes, fmax, site amplification effects was estimated. As a result of investigating the relationship between the fundamental peak frequency of site amplification effects and dI, the frequency of maximum dI was shifted to the lower frequency range as magnitude increased for all earthquake types. In all earthquake types, dI tended to converge to a certain value as magnitude increased.