

農業気象 (J. Agr. Met.) 48 (3): 225-235, 1992

堆肥化過程におけるエネルギー変換構造

関 平和 · 小森友明

(金沢大学工学部土木建設工学科)

Structure of Energy Conversion in Composting Process

Hirakazu SEKI and Tomoaki KOMORI

(Department of Civil Engineering, Faculty of Technology, Kanazawa University, Kanazawa 920, Japan

Mass, energy and exergy balance equations for a batch reactor of composting were derived with several assumptions, using various information on composting which had been obtained from previous investigations. In the batch reactor, temperature, moisture content and chemical composition were regarded to be homogeneous. According to the numerically calculated results under the practical operating conditions, a structure of energy conversion in composting process was quantitatively discussed. A ratio of the amount of heat accumulated within the reactor to the total amount of heat generated in the reactor, H_{acc}/H_{gen} , decreased with time, while a ratio of the amount of heat lossed from the reactor to the total amount of heat generated in the reactor, H_{loss}/H_{gen} , increased with time. On the other hand, about 90% of the total amount of exergy generated in the reactor was occupied by the dissipated exergy because of irreversibility of the process. It was found out that there would be a remarkable qualitative degradation of energy in the energy conversion process of composting from chemical to thermal energy, and that an exergy efficiency of heat recovery would be at most 10% even by an ideal heat recovery system.

Key words: Composting, Dissipation, Energy coversion, Exergy, Heat recovery. **キーワード**: エクセルギー, エネルギー変換, 散逸, 堆肥化, 熱回収

1. 緒 言

エネルギー工学的な観点に立てば、堆肥化過程は燃料 である堆肥材料の持つ化学エネルギーが微生物によって 熱エネルギーに変換される過程とみなすことができる。 これまで、堆肥発酵熱の施設農業への有効利用を目的に、 主としてエネルギーの量的な側面に重点を置いて、発 熱量の推算、抽出可能な熱量などを検討してきた(関、 1990)。しかし、発酵熱の利用価値をより客観的に論ず るには、その質的評価も重要と考える。一般に、エネル ギーの質的評価はエクセルギー解析によってできること が知られている(Haywood、1974 a、1974 b;Kotas、 1980 a, 1980 b)が, 堆肥化過程への応用については報告例がない。

本研究では、堆肥槽内の温度、水分、化学組成が均一 と仮定した完全混合モデル(藤田、1980)を前提に、槽内 の物質収支式、エネルギー収支式を組立て、既報の実験 結果(関・小森、1984)と比較してその妥当性を検討した 後、エクセルギー収支式に基づき、堆肥化過程で発生(遊 離)する化学エクセルギーが堆肥化の進行に伴ってどの ように分配されるかを考察した。

2. 完全混合モデルによる堆肥槽内の物質収支, エネルギー収支,エクセルギー収支

好気的条件を満足するよう適度に通気された堆肥槽内 の収支式を導くに当たり,藤田(1980)が提示した完全

¹⁹⁹¹年4月8日 全国大会にて発表 1991年4月11日 受付, 1992年9月10日 受理

混合モデルを前提として次のことを仮定した。

1) 堆肥槽内の温度,水分,化学成分は槽全体にわた って均一である。

2) 堆肥槽内を通過し, 槽外へ排出される湿り空気は 飽和状態にある。

以上の仮定に基づき,堆肥槽内の有機物の代表的化学 成分である炭素と,水分の物質収支式,エネルギー収支 式,エクセルギー収支式は次のように導かれる。

2.1 物質収支式

槽内の炭素量 C_s は堆肥化による消失分のみ減少する ためその消失速度を r_{cs} とすると、炭素の物質収支式は、

$$\frac{\mathrm{d}\,C_s}{\mathrm{d}\,t} = -\,r_{c\,s}\tag{1}$$

藤田(1980)は、堆肥槽内の水分は通気空気によって持 ち去られる分のみ減少するとして水分収支式を導いた。 しかし、島田(1984)によれば、堆肥化過程ではCO₂の 発生と連動して水分も副産物として生成され、槽内の水 分低下を抑制することが指摘されている。ただし、この 生成水分量については明確な測定方法、測定値は報告さ れていない。従って、現時点では正確な水分収支式を組 み立てることは困難なので、 θ_w の経時的変化は経験的 知見に基づいて計算することとした。すなわち、第4章 で述べるように著者ら(1984)の実験において質量基準 の槽内含水比(槽内に含まれる固体質量に対する水分質 量)wが堆肥化の前後でほとんど変わらなかったことに 着目し、 θ_w とwの間に成り立つ次式によって各時刻に おける θ_w の値を求めることにした。

$$\theta_w = \frac{w}{\rho_w} \rho_s \,\theta_s \tag{2}$$

ただし、 $\rho_s \theta_s$ は槽単位容積当たりの固体全質量を表す。 上式において、wは過程中不変であるが、固体の一部は 堆肥化により消失し、 θ_s が変化するため、それに伴っ て θ_w も時間的に変化する。

2.2 エネルギー収支式

外気 (T_0 , H_0 , i_0)を基準とすれば、堆肥槽単位容積 当たりのエネルギー収支式は、

$$\{ C_{ps} \rho_s \theta_s + C_{pw} \rho_w \theta_w \} \frac{\mathrm{d}T}{\mathrm{d}t}$$

= $-\rho_a v \{ i_s (T) - i_0 \} - Ua (T - T_0) + G_t$ (3)

式(3)で、左辺は槽内の温度上昇に要する熱量、右辺第 1項は通気空気によって槽外へ持ち去られる熱量、第2 項は堆肥槽壁からの放散熱量、第3項は堆肥材量の分解 に伴う発熱量を表す。

2.3 エクセルギー収支式

ここで対象とする堆肥槽のような物質、エネルギーの

出入りを伴う開放系におけるエクセルギー e は、次式: $e=h-h_0-T_0(s-s_0)$ (4)

のように、基準状態にある外界に対して系が持つエンタ ルピー(エネルギー) $h-h_0$ から、系が外界と等しい状態 にまで変化する際に仕事、あるいは他の形のエネルギー として取り出すことのできない無効なエネルギー部分 $T_0(S-S_0)$ を差し引いた有効なエネルギー部分を表す ものとして定義される(Haywood, 1974 b)。

外気を基準とした場合の堆肥槽単位容積当たりのエク セルギー収支式は、

$$\{C_{ps}\rho_{s}\theta_{s} + C_{pw}\rho_{w}\theta_{w}\}\left(1 - \frac{T_{0}}{T}\right)\frac{\mathrm{d}T}{\mathrm{d}t}$$

$$= -\rho_{d}v\left[C_{H}\left\{T - T_{0} + T_{0}\ln\left(T_{0}/T\right)\right\}\right]$$

$$+ RT_{0}\left\{\frac{H_{s}(T)}{18}\ln\left(\frac{H_{0} + 0.62}{H_{s}(T) + 0.62}\frac{H_{s}(T)}{H_{0}}\right)\right]$$

$$+ \frac{1}{29}\ln\left(\frac{H_{0} + 0.62}{H_{s}(T) + 0.62}\right)\right\} - \frac{Ua(T - T_{0})^{2}}{T}$$

$$+ G_{r} - T_{0}\sigma$$
(5)

ここで, 左辺は槽内の温度上昇に伴う熱的エクセルギー の増加量、右辺第1項は通気空気の持ち出すエクセルギ ー量,第2項は堆肥槽壁からの熱放散により系外へ放出 されるエクセルギー量,第3項は堆肥材料の分解に伴っ て系内で発生(遊離)する化学エクセルギーの量,第4項 は現象の不可逆性によるエントロピー生成σ に伴い消失 すなわち散逸するエクセルギー量(Haywood, 1974 a) を表す。一般に、複合有機物である堆肥原料の化学エク セルギーの測定は困難だが(Szargut et al., 1964), 種 々の有機物の化学エクセルギー(信沢,1980)と標準燃焼 熱〔標準状態下(1気圧,25℃) での燃焼におけるエンタ ルピー変化〕との関係をFig.1のようにプロットすると, 全体的に両者にはほとんど数値的な差がない。このこと から、実際の計算に当たっては堆肥化過程で発生(遊離) する化学エクセルギー量 G_{*} は近似的に発熱量 G_{t} に等し いものと仮定した。

エクセルギーは式(4)で定義されるが,具体的に式(5) の右辺第1項でエクセルギーの求め方を補足的に例示し ておく。

式(5)の右辺第1項は、温度*T*,混合比*H*の湿り空気 の持つエクセルギーを求めることに帰着する。ただし、 系内外の圧力は大気圧 *P*₀のまま一定である。湿り空気 のエクセルギーは、それが初期状態(この場合には *T*, *H*, *P*₀)から基準状態(*T*₀, *H*₀, *P*₀)に変化したときに外 部へ取り出し得る最大有効仕事である。湿り空気は Fig. 2に示すような2段階の可逆的な過程を経て初期状態か ら基準状態に変化する。



- Fig. 1. Relation between chemical exergy and standard heat of combution of organic materials.
 - a) 第一段階…(*T*, *H*, *P*₀) から(*T*₀, *H*, *P*₀) への 変化

混合比Hを一定に保ったまま,温度をTから T_0 に変 化させるとき,温度変化に伴って発生する乾き空気 1 kg 当たりの熱量は C_H dT で与えられる。 この内,仕事と して取り出し得る最大値,すなわちエクセルギー e_1 は この熱量にカルノー効率 $(T-T_0)/T$ を乗じ, T_0 から Tまで積分した値となる(押田, 1986)から,

$$e_{1} = \int_{T_{0}}^{T} C_{H} \frac{T - T_{0}}{T} dT$$
$$= C_{H} \{T - T_{0} + T_{0} \ln (T_{0}/T)\}$$
(6)

b) 第二段階… (*T*₀, *H*, *P*₀)から(*T*₀, *H*₀, *P*₀) へ の変化

更に、温度、圧力を T_0 、 P_0 に固定したまま混合比を Hから H_0 に変化させるときには、空気と水蒸気の組成 が変わることによる混合のエクセルギー(山崎、1983; 押田,1986)の変化が取り出し可能な最大仕事量となる。 これを乾き空気1kg当たりとすると次式となる。

$$e_{2} = \frac{1}{29 (1-x)} \left\{ x R T_{0} \ln \frac{x}{x_{0}} + (1-x) R T_{0} \ln \frac{1-x}{1-x_{0}} \right\}$$
(7)

x,
$$x_0 \in H$$
, H_0 に変換すると,
 $e_2 = RT_0 \left\{ \frac{H}{18} \ln \left(\frac{H_0 + 0.62}{H + 0.62} \frac{H}{H_0} \right) + \frac{1}{29} \ln \left(\frac{H_0 + 0.62}{H + 0.62} \right) \right\}$
(8)

仮定 2)より*H=H*_s (T)とすれば,求める湿り空気のエ クセルギーは,

$$e = e_{1} + e_{2} = C_{H} \{T - T_{0} + T_{0} \ln(T_{0}/T)\} + RT_{0} \{\frac{H_{s}(T)}{18} \ln(\frac{H_{0} + 0.62}{H_{s}(T) + 0.62} \frac{H_{s}(T)}{H_{0}}) + \frac{1}{29} \ln(\frac{H_{0} + 0.62}{H_{s}(T) + 0.62})\}$$
(9)

上式に堆肥槽単位容積当たり単位時間に槽内を通過する 乾き空気の質量 $\rho_a v$ を乗ずれば式(5)の右辺第1項が得 られる。

2.4 配分されたエネルギー及びエクセルギーの 積算式

式(3),(5)は,瞬時におけるエネルギー,エクセル ギーの配分率を与えるが,堆肥化の開始から任意の時刻 までに発生(遊離)した化学エネルギー,及び化学エクセ ルギーがどのような割合で配分されたかは,式(3),(5) を時間 *t* について積分することで求められる。

まず,式(3)を時間 t について積分すると,

 $H_{gen} = H_{acc} + H_{loss}$ (10) ここで、 H_{gen} は時間 $t=0 \sim t$ の間に堆肥化によって槽 内で発生(遊離)した化学エネルギー量すなわち発熱量、 H_{acc} はその間に槽内に貯えられた熱エネルギー量、 H_{loss} はその間に槽外へ放出された熱エネルギー量を表し、そ れぞれ次式で与えられる。



Fig. 2. Reversible process of two steps for estimating the exergy of moist air of which temperature is T, mixing ratio H, and pressure p_0 .

$$H_{gen} = \int_0^t G_t \,\mathrm{d}\,t \tag{11}$$

$$H_{acc} = \int_0^t \left\{ C_{ps} \rho_s \theta_s + C_{pw} \rho_w \theta_w \right\} \frac{\mathrm{d}T}{\mathrm{d}t} \,\mathrm{d}t \quad (12)$$

$$H_{loss} = \int_{0}^{t} (\rho_{a}v \{i_{s}(T) - i_{0}\} + Ua(T - T_{0})) dt$$

(13)

一方,式(5)を時間 t = 0~tの範囲で積分すると,

 $E_{gen} = E_{acc} + E_{loss} + E_{dis}$ (14) ただし、 E_{gen} は $t=0 \sim t$ の間に堆肥化によって槽内で 発生(遊離)した化学エクセルギーの量、 E_{acc} はその間 に槽内に貯えられた熱的エクセルギー量、 E_{loss} はその 間に槽外へ放出されたエクセルギー量、 E_{dis} はその間に 現象の不可逆性により散逸したエクセルギー量を表し、 それぞれ次式で与えられる。

$$E_{gen} = \int_0^t G_x \, \mathrm{d}t = \int_0^t G_t \, \mathrm{d}t \tag{15}$$

$$E_{acc} = \int_0^t \left\{ C_{ps} \rho_s \theta_s + C_{pw} \rho_w \theta_w \right\} \left(1 - \frac{T_0}{T} \right) \frac{\mathrm{d}T}{\mathrm{d}t} \mathrm{d}t$$
(16)

$$E_{loss} = \int_{0}^{t} \rho_{a} v \left(C_{H} \{ T - T_{0} + T_{0} \ln (T_{0} / T) \} \right)$$

$$+ RT \left\{ \frac{H_{s} (T)}{18} \ln \left(\frac{H_{0} + 0.62}{H_{s} (T) + 0.62} \frac{H_{s} (T)}{H_{0}} \right) \right\}$$

$$+ \frac{1}{29} \ln \left(\frac{H_{0} + 0.62}{H_{s} (T) + 0.62} \right) dt$$

$$+ \int_{0}^{t} \frac{Ua (T - T_{0})^{2}}{T} dt \qquad (17)$$

$$E_{dis} = \int_0^t T_0 \,\sigma \,\mathrm{d}t \tag{18}$$

3. 堆肥化速度と発熱量

前章に示した収支式(1),(2),(3)により C_s , θ_w , Tの時間的変化を計算するには、これらの式中の r_{cs} , G_t を的確に把握しておかなければならない。そこで、 本章では、酵素反応速度論(例えば、Aiba, 1973)に立 脚した堆肥化速度のモデル化により、 r_{cs} , G_t の近似的 な推算式を導いた。

3.1 堆肥化速度

堆肥化の総括反応速度は、分解可能な有機物の消失速 度 r_{OM} で与えることができる。 多くの場合、有機物分 解過程での有機物中の炭素含有率 β はほぼ一定と考える ことができる(例えば、熊田、1981)ので、 r_{OM} は有機 物中の炭素量 C_s の消失速度 r_{cs} に帰着することができる。 すなわち r_{OM} と r_{cs} の間には次の関係を仮定できる。

$$r_{cs} = \beta r_{OM}$$

堆肥化は微生物の触媒的作用による有機物分解反応であ ることから (Mckinley *et al.*, 1985 a), その反応速度 は酵素反応と同様の取扱いが可能で, r_{cs} はMichaelis – Menten 式 (例えば, Aiba *et al.*, 1973) で表すことが でき,式(20)となる。

$$r_{cs} = k \frac{C_s^*}{K_s + C_s^*}$$
(20)

ただし、 C_s^* は有機物中の全炭素量の内、堆肥化初期の 易分解性及び可分解性基質の分解期間、すなわち一次発 酵期間(三木・森、1979)で分解可能な炭素量 $C_s - C_{sD}$ を表す。本論文の堆肥化とは一次発酵期間とした。kは C_s^* が大量に存在するときに呈する最大反応速度を表す 反応速度定数、 K_s は飽和定数と呼ばれる平衡定数で反 応速度が最大値の 1/2 になるときの炭素量を表す。

また、堆肥化速度は著しい温度依存性を示し、反応速 度定数 k は温度の関数であることが明確化される。すな わち、低温側(20~40℃)では温度とともに増大し、高 温側(60~70℃)では微生物が熱変性を起こして活性を 失うため逆に温度とともに減少する(Mckinley and Vestal, 1984; Jeris and Regan, 1973)。

ここで, *k*の温度依存性を定量化するため,式(20)を

$$r_{cs} = \frac{1}{(1/k)} \frac{C_s^*}{K_s + C_s^*} \tag{21}$$

のように変形し、無次元炭素濃度 $C_s^*/(K_s+C_s^*)$ を反応の駆動力と考えると、1/kは反応の全抵抗を表すことになる。上述の知見に基づき全抵抗1/kが次式:

$$\frac{1}{k} = \frac{1}{k_1} + \frac{1}{k_2} \tag{22}$$

のように、温度の上昇とともに反応速度を増大させる、 すなわち、温度とともに減少する抵抗 $1/k_1$ と、微生物 の熱変性に伴って反応速度を減少させる、すなわち、温 度とともに増大する抵抗 $1/k_2$ の合成抵抗で表せるもの と仮定すると、低温側では熱変性がほとんど起こらず $1/k_1 \gg 1/k_2$ なので $k = k_1$ となり、高温側では熱変性が 支配的で $1/k_1 \ll 1/k_2$ なので $k = k_2$ となることから、 k_1 、 k_2 はそれぞれ低温側、高温側において観測される反応速 度定数を表すことになる。ここで、 k_1 、 k_2 をArrhenius の式(例えば、大竹、1963) $k_1 = a_1 e^{-b_1/T}$ 、 $k_2 = a_2 e^{b_2/T}$ (ただし、 a_1 、 a_2 、 b_1 、 b_2 は総て正の定数)で表し、これ らを式(22)に代入すれば、kは

$$k = \frac{1}{(1/a_1) \ e^{b_1/T} + (1/a_2) \ e^{-b_2/T}}$$
(23)

上式を次式

$$k = \frac{a_1 e^{-b_1/T}}{1 + (a_1/a_2) e^{-(b_1 + b_2)/T}}$$
(24)

(19)

のように変形すると、この式はウレタンの酵素活性に対して温度による失活過程を考慮して理論的に導かれた Koffler (1947)の式:

$$k = \frac{c_1 T e^{-d_1/T}}{1 + c_2 e^{-d_2/T}} \ (c_1, \ c_2, \ d_1, \ d_2: \text{constants})$$

(25)

(26)

微生物の比増殖速度の温度依存性を表す Johnson-Lewin 式(山根, 1980):

$$k = \frac{c_{3}Te^{-d_{3}/T}}{1 + c_{4}e^{-d_{4}/T}} \quad (c_{1}, c_{2}, d_{1}, d_{2}: \text{constants})$$

など,酵素もしくは微生物反応系の反応速度定数を与え る式と類似した形となる。ただし,式(25),(26)によ れば,厳密には式(24)右辺の分子の係数 $a_1 & a_0 T$ (a_0 は定数)とすべきである。しかし,堆肥化の通常の温度 範囲 30~70℃(T=303~343K)では 303 $a_0 < a_1$ (= $a_0 T$)<343 a_0 で, a_1 は平均温度 50℃(T=323 K) に おける値 323 a_0 に対して±6%の範囲内で変化するに過 ぎない。従って,近似的に a_1 を一定とみなしても差し 支えないものと考えられる。

以上のことから,式(23)は k の温度依存性を表す近 似式として適当と思われる。

 r_{cs} は、式(23)、(20)より、 C_s^* とTの関数として次式で求められる。

$$r_{cs} = \frac{1}{(1/a_1) \ e^{b_1/T} + (1/a_2) \ e^{-b_2/T}} \frac{C_s^*}{K_s + C_s^*}$$
(27)

3.2 発熱量

一般に、複合酵素反応である堆肥化の反応方程式は明確でなく、熱化学的方法(例えば、藤田ら、1984)による厳密な発熱量の計算は困難である。しかし、好気的な有機物分解過程においては酸素消費速度 r_{02} と発熱量 G_t との間にほぼ比例関係が成立することが知られており(永井、1978)、ここで対象とするように好気的条件下で堆肥化が起こる場合には次式により r_{02} から G_t が近似的に求められる。

 $G_t = \Delta H_c r_{02}$ (28) ただし、比例係数 ΔH_c は堆肥化においてO₂1 kg 消費当 たりに発生する熱量を表し、藤田ら(1984)により±6 多の範囲内で 3300 kcal/kg=O₂になることが示されて いる。

一方, 堆肥化における O_2 消費モル数に対する CO_2 発 生モル数の比, すなわち呼吸商を RQ とすれば, 反応に よる CO_2 発生速度 r_{CO_2} は

$$r_{\rm CO_2} = RQ \frac{44}{32} r_{\rm O_2} \tag{29}$$

微生物中の炭素含有量も C_s に含めるものとすれば,槽 内の C_s の消失量は,総て好気的代謝における炭素源の 最終代謝産物である CO_2 として槽外へ放出されることに なる。従って r_{CO_2} は次のように表すことができる。

$$_{\rm CO_2} = \frac{44}{12} r_{cs} \tag{30}$$

式(29),(30)を式(28)へ代入すれば, *G_t*は *r_{cs}の*関数 として次のように表される。

$$G_t = \frac{\Delta H_c}{RQ} \frac{32}{12} r_{cs} \tag{31}$$

著者ら(1984)は、堆肥槽出口における排気空気中のCO₂ と O₂ の 濃度をそれぞれオールザット・ルンゲ・ガス分 析装置(測定精度±0.5%)、ガルバニ電池式酸素濃度計 (測定精度±0.5%)によって実測した結果から RQ を算 出したところ、0.97~0.98 であった。堆肥材料は炭水化 物のみならず蛋白質、脂肪等も含むため1より小さくな ったものと思われる。しかし、RQ は極めて1に近いの で、RQ=1と近似すると、

$$G_t = \Delta H_c \frac{32}{12} r_{cs} \tag{32}$$

式(27)を式(32)に代入すれば, *G*tは次のように表される。

$$G_t = \Delta H_c \frac{32}{12} \frac{C_s^*}{K_s + C_s^*} \frac{1}{(1/a_1) e^{b_1/T} + (1/a_2) e^{-b_2/T}}$$
(33)

4. 収支式の妥当性

エネルギー変換構造を数値的に論ずる前に、第2章に 示した堆肥槽内の物質収支式(1),(2),エネルギー収 支式(3)の妥当性を検証しておく必要がある。それは、 これらの収支式に基づく C_s , θ_w ,T, G_t の計算値を実験 結果と比較することによりなされる。ここでは、これら の計算結果を著者ら(1984)の実験結果と比較する。

4.1 測定方法と操作条件

著者ら(1984)が実験に使用した混合堆肥材料は含水 比wが1.5 kg-water/kg-dry stockで,組成はTable1 に示す通りである。堆肥槽内の水分はFig.3 に示すよう にそのほとんどが固相内に浸透しその中に保持された状 態で存在していた。槽内に含まれる水分の全量は堆肥化 に伴って減少したが,堆肥材料の収縮はほとんど起こら ず,その容積はほぼ一定に保たれた。これは,堆肥槽の 側壁から水平に挿入・固定した12本の熱電対プローブ が支えとなって堆肥材料の沈下を抑えたためと思われる。 また,実験終了時において槽下部のwは上部に比べて約 15%小さかったが,槽全体のwの平均値は実験前後でほ とんど変わらなかった。このことは,この実験では堆肥

Chicken manure	Rice bran	Sawdust
13.2	26.3	60.5





Fig. 3. Sketch of solid-water-air geometry in a small element of compost container.

化による槽単位容積当たりの固体部分の変化量 $\rho_s(\theta_{si} - \theta_{sf})$ に対する,通気に伴う水蒸気の槽外 への放出と堆肥化に伴う水分生成による槽内水分 の正味の変化量 $\rho_w(\theta_{wi} - \theta_{wf})$ の比が, 槽内含水 比wにほぼ等しかったことを意味している。混合 堆肥材料の物性値,操作条件をTable 2に示した。 強熱減量の測定結果によればこの実験と同一組成 の混合堆肥材料は、固相の大部分(約93%)が有 機物であった(田中, 1990)。そこで, 混合堆肥材 料の固相の真密度 Ps は有機物の真密度〔仲谷 (1981)によれば約1500 kg/m³)に等しいとみな した。初期固相率 θ_{si} は実験開始時の混合堆肥材 料の乾燥密度(240 kg/m³)を P_sで除して求めた。 固相の真比熱C_{bs}は関(1990)による測定値(誤差 範囲±25%)である。βは炭素窒素同時定量装置 (柳本製MT-500)によって得られた混合堆肥材料 の炭素含有量が固相全質量に占める比率とした。 Uは実験終了後, 槽内を空にし槽底部を閉じて約 60℃の温水を満たし、槽上下端を断熱して、温水 温度の時間的変化率 dT_l/dt を測定した結果を温 水の熱収支式(34)に代入して求めた。

$$C_{pl} \rho_l \frac{\mathrm{d}T_l}{\mathrm{d}t} = -Ua \left(T_l - T_0\right) \tag{34}$$

 r_{cs} の温度依存性を表す式(27)のパラメーター a_1 , a_2 , b_1 , b_2 は著者ら(1984)と Viel ら(1987)の実験結果か ら得られた。

symbol	dimension	value
ρ_s	[kg/m ⁸]	1500
ρ_w	(kg/m ³)	1000
ρ_a	(kg/m ³)	1.19
θ _{si} .	(—)	0.16
θ_{wi}	(—)	0.36
C_{ps}	[kcal/(kgC)]	0.308
Cpw	(kcal/(kgC))	1.0
Ŕ	(kcal/(kmolK))	1.987
∆H _c	[kcal/kg-O ₂]	3300
RQ	(-)	1
β	(-)	0.4
T_0	(K)	290.1
H_0	[kg-H ₂ O/kg-dry air]	0.0058
i _o	(kcal/kg-dry air)	7.6
v	[m³-dry air/(m³hr)]	12
U	$[kcal/(m^2hrC)]$	2.5
a	(m^2/m^3)	20
C_{si}	[kg/m ⁸]	97.34
C_{sd}	[kg/m ⁸]	62.69
C_{si}^*	[kg/m ⁸]	34.65
K_s	(kg/m ⁸)	20
a_1	$[kg/(m^{3}hr)]$	7.142×10°
a_2	[kg/(m ³ hr)]	3.632×10^{-34}
b_1	(K^{-1})	7.270×10^{3}
b_2	(K ⁻¹)	2.601×10 ⁴

Table 2 Physical properties of compost bed and

operating conditions used for calculation



Fig. 4. Relation between $G_t/(4H_c(32/12) \{ C_s^*/(K_s + C_s^*) \})$ and 1/T.

$G_t/[\Delta H_c(32/12)\{C_s^*/(K_s+C_s^*)\}]$

の値をFig.4のごとく絶対温度の逆数に対して片対数紙 にプロットし、カーブ・フィッティングにより求めた値 である。また、Ksは完全混合槽型堆肥槽の解析に関す る藤田(1979)の報告に基づいて設定した。

4.2 既報の実験結果と計算結果の比較

式(1), (3)を微小時間増分 Δt について差分化し, 初期状態から微小時間経過ごとの C_s , T, θ_w , G_t を逐 次計算した。なお、 $\Delta t = 0.25$ hr とした。Fig. 5 に C_s , T, θ_w , G_t の計算結果と著者ら(1984)の実験結果を対 比したものの一例を示した。ただし、 C_s , θ_w の経時的 変化は直接測定できなかったので、 C_s については r_{C02} の実測値に基づき時刻 0 から任意時刻 t までの CO₂発 生量の積分値 $\int_0^t r_{C02} dt$ を数値積分によって求め、次 式:

$$C_{s} = C_{si} - \frac{12}{44} \int_{0}^{t} r_{\text{CO}_{2}} dt$$
 (35)

により任意時刻tにおける C_s の値を算出して実験値とし、 θ_w については r_{CO_2} の実測値から次式:

$$\rho_{s}\theta_{s} = \rho_{s}\theta_{si} - \frac{1}{\beta}\frac{12}{44}\int_{0}^{t}r_{\rm CO_{2}}dt$$
(36)

によって $\rho_s \theta_s を求め$,式(2)に代入して得られた値を 実験値とした。 C_s , θ_w については CO₂発生量から得ら れた実験値と本モデルの計算結果は極めてよく一致して いる。*T*,*G*tの実験値と計算値には最高温度への到達時 間や発熱量最大値の出現回数,出現時間などに差異があ る。これは*G*tを表す式(33)には温度による菌種交代 (農文協,1974)が考慮されていないこと,実験において 槽の上下方向の12点における測定値の内,上方の温度 の方が下方の温度よりも高く,高さ方向に均一とはみな せなかったことが原因と考えられる。しかし,全体的な 時間的変化の傾向は両者で類似している。

以上のことから,第2章に示した収支式(1),(2), (3)は多くの仮定を含んでいるにもかかわらず,堆肥化 過程の近似的な予測モデルとしてほぼ妥当であると考え られる。

5. 数値計算例とその考察

5.1 計算条件

収支式の検証に用いた著者ら(1984)の実験結果は実 験室規模の小型堆肥槽(約0.02 m⁸)についてのものであ った。ここでは、より実用規模に近い堆肥槽としてFig. 6に示すような容積1m⁸の立方体型の槽を想定してモデ ル・シミュレーションを行い、エネルギー変換構造を検 討する。なお、槽側壁は保温性をより良くするため厚さ



Fig. 6. Assumed configulation of compost bed for simulating the energy conversion process with composting.



Fig. 5. Comparison of the calculated results of C_s , T, θ_w and G_t with those of the experimental results.

200 mmのスチロフォーム板(熱伝導率 0.035 kcal / (mhr \mathbb{C}))を用いるものと想定した。槽側壁を通しての 放熱の総括熱抵抗は、槽壁内表面、壁材、槽壁外表面の 熱抵抗の直列抵抗で与えられる。槽壁内外表面の熱抵抗 は壁材の熱抵抗の1%以下と極めて小さいので、総括熱 抵抗の逆数である総括伝熱係数Uは、壁材の熱伝導率を その厚さで除した値とした。又、基準的な操作条件とし て外気は20℃の飽和空気とし、 C_{si} 、 C_{si} *などはTable 2の値を四捨五入した値を用いた。これらの値をTable 3に示す。なお、その他の操作条件はTable 2 と同一値 とした。

Table 3 Operating conditions used for calculation

symbol	dimension	value
T_0	(K)	293
H_0	[kg-H ₂ O/kg-dry air]	0.00872
<i>i</i> 0	(kcal/kg-dry air)	10.07
U	$[kcal/(m^2 hr C)]$	0.175
a	(m^2/m^3)	4
C_{si}	(kg/m ³)	100
C_{sd}	[kg/m ⁸]	60
C_{si}^*	(kg/m ³)	40

5.2 槽内の炭素量,温度,体積含水率,発熱量 の経時的変化

Table 2, 3 の条件に基づき,式(1),(3)を微小時間 増分 Δt (0.25 hr とした)について差分化し,初期状態か ら逐次計算によって求めた C_s , T, θ_w , G_t を時間に対 して図示したものをFig.7 に示す。

 C_s は $t=5\sim140$ hr においてほぼ直線的に減少し, t > 140 hr では徐々に変化がゆるやかになり $C_{sD}=60$ kg-C/m⁸ hr)に漸近する。Tは $t=0\sim10$ hr の間に 20℃か ら 69℃まで急上昇し,その後は t=140 hr まで 68~64 ℃のほぼ一定の値に維持された後,t>160 hr で一次発 酵で分解可能な炭素の消失による発熱量の急減に伴い急 降下している。 θ_w は槽内含水比wを一定と仮定して式 (2)から求めたが、 C_s の変化とほぼ同様の傾向を示し ている。 G_t はt=10hr において瞬間的に大きな値をと るものの、その後はt=120hr まで2300~1900 kcal/ m³hr のほぼ一定の値に保たれる。このことは、この期 間中の炭素量の時間的変化が直線的で、槽内温度がほぼ 一定であることとも関係し、この期間中槽内がほぼ定常 状態に保たれることを意味している。そして、t>120hr では徐々に減少し始め、t>160hr では分解可能な炭 素の消失とともに急減する。

これらの計算結果の妥当性を直接比較するための実験 結果はないが、堆肥化に関して概括的にまとめたIzawa (1989)の報告によれば、通気を施しつつ堆積発酵させ た場合, C_sは堆肥化操作開始時から 360~480 hr まで にほぼ直線的に急速に低下するが、その後ほとんど変化 せず, 一方, T は初期の 48 hr までに最高値 70℃に達し た後,ほぼ一定の高温状態が約240hr 持続したことを 示す実験結果が例示されている。その報告例では本モデ $ルの計算値よりも C_s, T の変化が 20~30 hr 遅れている。$ 堆肥化の進行が本モデル計算においていくぶん速い結果 を与えたのは、槽内の微生物が初期から活性化された状 態にあることを前提に、誘導期(相田ら、1974)に相当す る時間遅れを考慮していないことによるものと考えられ る。しかし、この点を除けば、本モデルのC,、Tの計算 結果はIzawa(1989)によって例示された実験結果とほ ぼ類似した傾向を示している。一方, Izawa (1989) 論 文にはwの変化が示されていないが、Finsteinら(1983) によれば、ここで得られた計算例のように槽内温度が微 生物活動の最適温度(55~60℃)を越えた高温状態(65 ~70℃)に保たれる場合にはwの変化がほとんど見られ ないことが指摘されている。従って、wを一定と仮定し、 式(2)によって求めた θ_w の計算結果はこの場合ほぼ妥 当であると思われる。以上のことから、ここで得られた 諸量の算出結果は堆肥化におけるエネルギー変換構造を 論ずるための題材として適切であると判断した。



Fig. 7. Changes of carbon content C_s , temperature T, volumetric moisture content θ_w and the rate of heat generation G_t in compost bed with time.

5.3 槽内で発生(遊離)したエネルギー,エク セルギーの配分

式(10)から分かるように,任意時間tまでに堆肥化 によって槽内で発生(遊離)した化学エネルギーすなわち 発熱量 H_{gen} は,その一部(H_{acc})が槽内に熱エネルギー として貯えられ,残り(H_{loss})が槽外へ放出される。式 (10)に基づいて, H_{gen} , H_{acc} , H_{loss} を計算し,発生量 に対する蓄積量,放出量の割合 H_{acc}/H_{gen} , H_{loss}/H_{gen} が時間的にどのように変化するかを示したのがFig.8で ある。Fig.8によれば, $t=0\sim10$ hrにおいては発熱量 のほとんどが槽内の温度上昇に使われるためにその80% 以上が槽内に貯えられる。しかし,t=10hr以降槽内 温度がほぼ安定な一定値(68~64℃)になり, dH_{acc}/dt がほぼ0になると,発熱量のほとんどが槽外へ放出され て H_{loss}/H_{gen} が徐々に大きくなり,逆に H_{acc}/H_{gen} は 徐々に小さくなる傾向を示す。そして、時間の経過とと もに H_{acc}/H_{gen} は少しずつ0に漸近していく。

一方,式(14)によれば,任意時間 tまでに堆肥化に よって槽内で発生(遊離)した化学エクセルギー Egenは, 槽内に熱的エクセルギーとして貯えられる部分(Eacc), 槽外へ放出される部分(Eloss)のほかに現象の不可逆性 に伴って散逸する部分(Edis)の3つの部分に分配される。 Egenの内,熱交換器によって取り出し可能なエクセルギ -の最大値は*E_{acc}+E_{loss}*である。 式 (14)に基づいて Egen, Eacc, Eloss, Edisを算出し, 発生量に対する蓄積 量, 放出量, 散逸量の割合 Eacc/Egen, Eloss/Egen, E_{dis}/E_{gen} が時間的にどのように変化するかをFig.9に 示した。Fig.9によれば、槽内蓄積エクセルギーへの分 配率 E_{acc}/E_{gen} は t=10 hr で最高値 5% を示すが,そ れ以降は徐々に減少していく。これに対応して損失エク セルギーの割合 E_{loss}/E_{gen} が徐々に増加してくる。一 方, 散逸エクセルギーの割合 Edis / Egen は全過程を通 じて約90%と極めて大きいため、取り出し可能なエク セルギー($E_{acc}+E_{loss}$)は E_{gen} の最大約10%にすぎず, 堆肥化による化学エネルギーから熱エネルギーへの変換 過程におけるエネルギーの質的低下が著しいことが分か る。

6. 結 言

本研究で得られた結果を要約すると以下の通りである。 1) 藤田(1980)による完全混合モデルを前提に堆肥 使中の物質のます。エネット、のます。エクトット、の

槽内の物質収支式,エネルギー収支式,エクセルギー収 支式を求めた。

2)物質収支式及びエネルギー収支式に基づいて算出 された堆肥槽内の炭素量,温度,発熱量の経時的変化は 以前に行った著者ら(1984)の実験結果とほぼ同様の傾









向を示し、収支式の妥当性が確かめられた。

3) 容積 1 m³の堆肥槽を想定し,堆肥化によって発生 (遊離)する全熱量 H_{gen} の内,槽内に蓄積される熱量 H_{acc} , 槽外へ放出される熱量 H_{loss} をエネルギー収支式に基づ いて計算したところ, H_{acc}/H_{gen} は時間の極めて初期 (0~10 hr)を除き時間と共に徐々に減少すること,逆 に, H_{loss}/H_{gen} は時間と共に徐々に増大することが明ら かになった。

4) エクセルギー収支式に基づき、堆肥化によって槽 内で発生(遊離)する化学エクセルギー E_{gen} の内、槽内 に蓄積される部分 E_{acc} ,槽外へ放出される部分 E_{loss} , 不可逆過程に伴って散逸する部分 E_{dis} の時間的変化を計 算した。その結果、 E_{dis} が E_{gen} の約 90%を占め、化学 エネルギーから熱エネルギーへの変換過程におけるエネ ルギーの質的低下が著しくなることを明らかにした。この ことは、ここで想定した操作条件下では理論的に取り出 し可能なエクセルギー($E_{acc}+E_{loss}$)を対象として理想 的な熱回収を行ったとしても熱回収のエクセルギー効率 は最大約 10%にしかならないことを意味する。

5)上記 3), 4)の結果は,エネルギーの質的低下を できるだけ抑え得るような効果的な熱回収システムを検 討するための理論的基礎を与えるだろう。

使用記号

a	堆肥槽単位容積当たりの	D放熱面積	(m²/m³)		
C_H	乾き空気 1kgを基準とし	した湿り空気	の定圧比熱		
	[kcal/(kg−dry air℃)]				
C_{ps}	混合堆肥素材の固体部分	}の比熱 〔k	cal/(kg℃)]		
Cpw	水の比熱	(k	cal/(kg℃)]		
C_s	堆肥槽単位容積当たりの	D炭素含有量	[kg/m ⁸]		
C_{sD}	一次発酵で分解不可能な	は炭素量	[kg/m ³]		
Eacc	任意時刻 t までに槽内に	こ 蓄積された	熱的エクセル		
	ギー量		[kcal/m ⁸]		
Edis	任意時刻 t までの散逸コ	に クセルギー	量		
			[kcal/m ⁸]		
Egen	任意時刻はまでに槽内で	で発生したエ	クセルギー量		
			[kcal/m ⁸]		
Eloss	任意時刻 t までに槽外~	、放出された	エクセルギー		
	量		[kcal/m³]		
е	湿り空気のエクセルギー 〔kcal/kg-dry air〕				
G_t	堆肥槽内発熱量 〔kcal/(m ³ hr)〕		al/(m ^s hr)]		
Gx	堆肥槽内で発生(遊離)する化学エクセルギー量		セルギー量		
		(kc	al/(m³ hr)]		
Hacc	任意時刻 t までに槽内に	と蓄積された	熱量		
			[kcal/m³]		
Hgen	任意時刻 t までに槽内で	5発生熱量	(kcal/m³)		
Hloss	任意時刻 t までに槽外~	、放出された	熱量		
			(kcal/m ⁸)		
H_s	飽和状態における混合比	Ł			
		(kg-H ₂ O/l	kg-dry air)		
H_0	外気の混合比	[kg−H ₂ O/l	(g-dry air)		
∆H _c	酸素 1 kg 消費当たりの	発熱量	(kcal/kg)		
h	単位質量当たりのエンタ	· ルピー	(kcal/kg)		
h_0	基準状態におけるエンタ	ルピー	(kcal/kg)		
i _s	飽和空気のエンタルピー	- [kcal/ł	(g-dry air		
i 0	外気のエンタルピー	[kcal/}	kg−dry air〕		
K_s	飽和定数	[kg/m ⁸]			
k	反応速度定数	(kg/(m ³ hr))			
R					
	気体定数	(kcal	/(kmol K)]		

r _{cs}	槽内有機物中の炭素の消失速	度 〔kg∕(m³hr)〕
r _{OM}	槽内有機物の消失速度	[kg/(m ³ hr)]
$r_{\rm CO_2}$	槽内CO₂発生速度	[kg/(m³hr)]
r_{O_2}	槽内O₂ 消費速度	[kg/(m ⁸ hr)]
\$	単位質量当たりのエントロピー	- [kcal/(kgK)]
<i>S</i> 0	基準状態におけるエントロピ-	- [kcal/(kgK)]
Т	堆肥槽内温度	(K) or (C)
T_{0}	外気温	(K) or (C)
T_l	水温	(°)
t	時間	(hr)
U	堆肥槽側壁からの放熱の程度な	を表す総括伝熱係数
		$[kcal/(m^2 hr C)]$
v	堆肥槽単位容積当たりの通気量	
w	混合堆肥素材の含水比(槽内)	こ含まれる固体質量
	に対する水分質量)	(-)
x	空気中の水蒸気のモル分率	(-)
β	有機物中の炭素含有率	(-)
θ_w	体積含水率(槽内単位容積当た	りの水分量)〔-〕
θ_{wi}	初期体積含水率	(-)
θ_{wf}	θ_w の最終値	(-)
θ_s	固相率	(-)
θ_{si}	θ_s の初期値	(-)
θ_{sf}	θ_s の最終値	(-)
ρ_a	通気空気の乾燥空気密度	(kg/m³)
P _s	固相の真密度	(kg/m³)
ρ_w	水の密度	(kg/m ³)
σ	エントロピー生成速度	(kcal/(m ⁸ hr K))

引用文献

- Aiba, S., Humphrey, A. E. and Millis, N. F. (永谷正 治訳), 1973: 生物化学工学 第2版, 東京大学出版 会, 105.
- 相田 浩・高尾彰一・栃倉辰六郎・斉藤日向・高橋 甫, 1974:応用微生物学1,改訂版,朝倉書店,115-123.
- Finstein, M. S., Miller, F. C., Strom, P. F., Mac-Gregor, S. T. and Psarianos, K. M., 1983: Composting Ecosystem Management for Waste Treatment, *Biotechnology*, 1, 347–353.
- 藤田賢二,1979: 好気性連続コンポスト発酵槽の解析 (完全混合槽の場合),都市と廃棄物,**94**,23-36.
- 藤田賢二,1980:回分式コンポスト発酵槽の解析「廃棄 物の処理・処分技術」,環境産業新聞社,462-475.
- 藤田賢二,北脇秀敏,1984:コンポスト原料の発生熱量, 都市と廃棄物,14(1),19-25.
- Haywood, R. W., 1974a: A Critical Review of the Theorems of Thermodynamic Availability, with Concise Formulations, Part 1. Availability, J. Mech. Eng. Sci., 16 (3), 160–173.

Haywood, R. W., 1974b: A Critical Review of the

Theorems of Thermodynamic Availability, with Concise Formulations, Part 2. Irreversibility, J. Mech. Eng. Sci., 16 (4), 258-267.

- Izawa, T., 1989: Composting. In Biomass Handbook (ed. by O. Kitani and C. W. Hall). Gordon and Breach Science Publishers, Amsterdam, 302 -306.
- Jeris, J. S. and Regan, R. W., 1973: Controlling Environmental Parameters for Optimum Composting, Compost Science, Jan-Feb., 10-15.
- Koffler, H., Johnson, F. H. and Wilson, P. W., 1947: Combined infuluence of temperature and urethane on the respiration of Rhizobium, J. Am. Chem. Soc., 69, 1113-1117.
- Kotas, T. J., 1980a: Exergy Concepts for Thermal Plant, *IJHFF*, 2 (3), 105–114.
- Kotas, T. J., 1980b: Exergy Criteria of Performance for Thermal Plant, *IJHFF*, 2 (4), 147-163.
- 熊田恭一, 1981:土壌有機物の化学 第2版,学会出版 センター, 249-276.
- McKinley, V. L. and Vestal, J. R., 1984: Biokinetic Analysis of Adaptation and Succession: Microbial Activity in Composting Municipal Sewage Sludge, Applied and Environmental Microbiology, 933-941.
- Mckinley, V. L., Vestal, J. R. and Eralp, A. E., 1985: Microbial Activity in Composting Part 1, *Biocycle*, **26** (6), 39–43.
- 三木伸夫・森 忠洋,1977: 堆肥化技術,「下水汚泥の 堆肥化実例集(熊沢喜久雄監修)」,アイピーシー,27 -30.

- 永井史郎, 1978: 増殖収率と代謝熱の理論とその計算, 発酵工学, 56(5), 553-564.
- 仲谷紀男, 1981: 有機物が関与する土壌の水分特性について, 農技研報B, **32**, 1-74.
- 信沢寅男, 1980: エネルギー工学のためのエクセルギー 入門, オーム社, 54.
- 農文協編, 1974: 堆肥つくりの原理「有機質肥料のつく り方使い方」, 農文協, 40-54.
- 大竹伝雄, 1963: 化学工学 3, 岩波全書, 18.
- 押田勇雄, 1986: エクセルギー講義,太陽エネルギー研 究所, 1-194.
- 関 平和・小森友明, 1984: 強制通気時の堆肥化反応速度と熱・物質同時移動, 土木学会論文集 351/I-2, 213-222.
- 関 平和,1990: 堆肥発酵熱の施設農業への有効利用に 関する研究,東京大学博士論文,1-216.
- 島田 修, 1982:東京都の都市ごみコンポスト化処理実 験報告,都市と廃棄物, 12(3), 29-43.
- Szargut, J. and Styrylska, T., 1964: Anenaherte Bestimmung der Exergie von Brennstoffen, Brennst. Warme Kraft, 16 (12), 589–596.
- 田中 徹,1990:サーモウェル型熱交換器による堆肥発 酵熱抽出に関する研究,金沢大学修士論文,1-176.
- Viel, M., Sayage, D., Peyre, A. and Andre, L., 1987: Optimization of In-Vessel Co-Composting through Heat Recovery, *Biological Wastes*, 20, 167–185.
- 山崎泰雄, 1983: エネルギー管理のための熱工学と省エ ネルギー対策,日本工業出版,1-231.
- 山根恒夫, 1980: 生物反応工学, 産業図書, 97-232.